



## Reader مشاركة



## 2 تدريس المفهوم

اطرح الأسئلة الداعمة لكل مثال للتمييز بين خيارات التدريس.

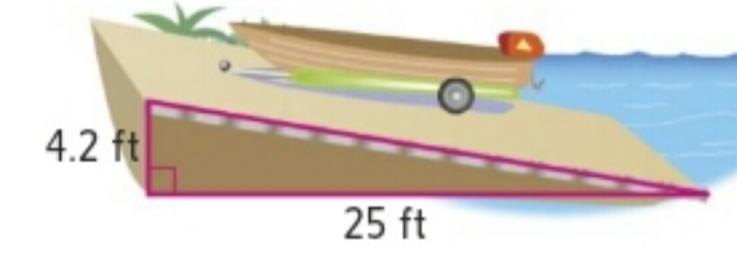
## أمثلة

## 1. حل مثلث قائم الزاوية

- AL** كيف تستطيع معرفة أن المثلث قائم الزاوية؟  
هناك رمز لزاوية قائمة.

- OL** ما المعادلة التي يمكنك استخدامها لممثل نظرية فيثاغورس؟  
 $a^2 + b^2 = c^2$

- BL** لماذا لا تستخدم الجذر التربيعي السالب؟ الإجابة النموذجية:  
لا يمكن أن يكون طول التل سالبا.

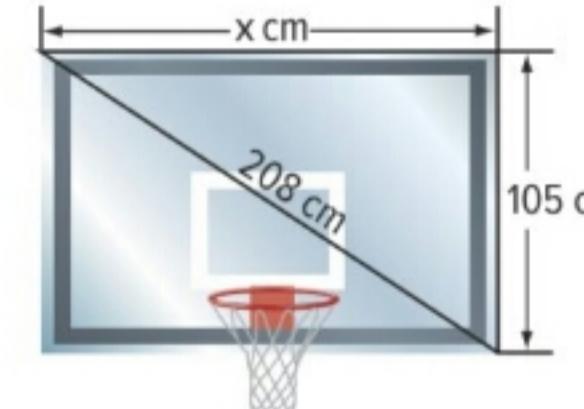


هل تريدين مثالاً آخر؟  
إيجاد طول منحدر إنزال القوارب في الماء. ثم أوجد الناتج وقرب إلى أقرب جزء من عشرة.  
 $c^2 = 25.4 \text{ m} = 25^2 + 4.2^2$

## 2. حل مثلث قائم الزاوية

- AL** هل تحتاج لإيجاد طول إحدى الساقين أم الوتر؟ إحدى الساقين  
**OL** ما المعادلة التي يمكنك استخدامها لممثل نظرية فيثاغورس؟  
 $a^2 + b^2 = c^2$

- BL** اشتغل معادلة مختلفة يمكنك استخدامها لإيجاد طول ساق مثلث قائم الزاوية، وذلك عند معرفة طولي الضلعين الآخرين. الإجابة النموذجية: عندما تكون قيمة  $b$  مجهرولة، فعليك طرح  $a^2$  من كلا الضلعين لتحصل على قيمة  $b^2$  بمفردها:  
 $b^2 = c^2 - a^2$



هل تريدين مثالاً آخر؟  
إيجاد طول اللوحة الخلفية. ثم أوجد الناتج وقرب إلى أقرب جزء من عشرة.

$$105^2 + x^2 = 208.5^2; 180 \text{ cm}$$

# Reader مشاركة



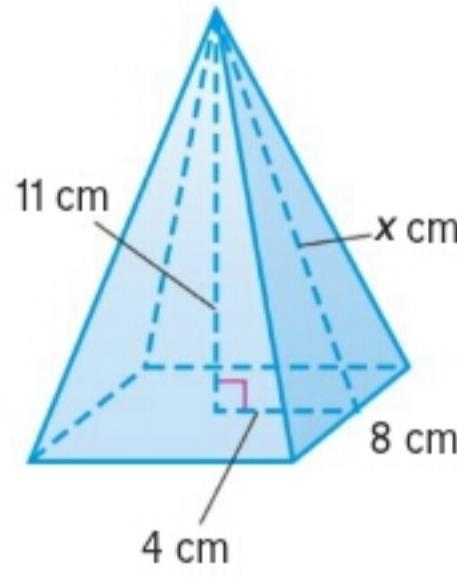
## مثال

3. استخدام نظرية فيثاغورس في أبعاد ثلاثة.

- ما الذي يشكله السلك مع السارية؟ الوتر وإحدى ساقين مثلث قائم **AL**
- ما الذي يمكن استخدامه للساق الأخرى للمثلث القائم؟ الطول من السارية إلى إحدى زوايا المربع **OL**
- هل تحتاج لإيجاد طول إحدى الساقين أم الوتر؟ الوتر **DL**
- ما طولاً للساقين؟  $12 \text{ m}$  و  $7 \text{ m}$
- استخدم  $AB$  و  $AC$  للإشارة إلى ساقين المثلث. واستخدم  $BC$  للإشارة إلى الوتر. ما المعادلة التي يمكن استخدامها لإيجاد طول السلك؟  $AB^2 + AC^2 = BC^2$
- ما القيمة التي ستعرف بها عن  $AB$ ?  $7$  وما القيمة التي ستعرف بها عن  $AC$ ?  $12$
- اشرح السبب في عدمأخذ الجذر التربيعي للسلك بمثابة حل. لا يمكن أن يكون طول السلك سالباً.
- افترض أن زميلك قد حل هذه المسألة وأتي بإجابة تساوي تقريرنا  $9.7$  أمتار. فكيف لك أن تعلم أن هذه الإجابة صحيحة دون إجراء حسابات؟ الإجابة المموجبة: يجب أن يكون طول السلك هو الضلع الأطول لأنه وتر. وبما أن  $12 > 9.7$ . فلا يمكن أن تمثل القيمة  $9.7$  الوتر. إذاً فهذه الإجابة خاطئة.

هل تريدين مثالاً آخر؟

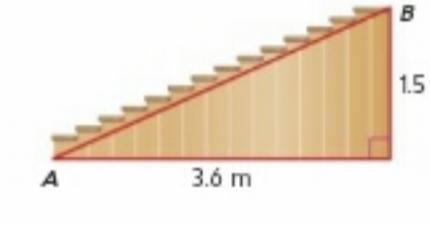
الارتفاع المائل لهرم هو نفسه ارتفاع كل وجه جانب. فما الارتفاع المائل للهرم الموضح؟ قرب إلى أقرب جزء من عشرة.



a.

**تأكد من فهمك!** أوجد حل المسألة التالية لتأكد من أنك فهمت.

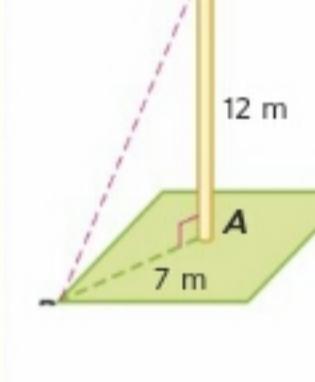
a. يريد السيد خالد بناء دراينين للسلم الموضح. إذا كان ارتفاع درجات السلالم في البناء  $1.5 \text{ m}$ ، وطولها  $3.6 \text{ m}$ . فكم سيكون طول الدرابزين الجديد؟



## نظرية فيثاغورس في الأشكال ثلاثية الأبعاد

يمكنك استخدام نظرية فيثاغورس في إيجاد القياسات الناقصة في الرسمومات ثلاثية الأبعاد.

3. توضع سارية علم طولها  $12 \text{ m}$  في منتصف مساحة مربعة. وتثبت السارية. سيتم مد سلك من أعلى السارية إلى كل جانب في المربع. تبعد سارية العلم  $7 \text{ m}$  عن كل جانب في المربع. ما طول كل سلك؟ قرب إلى أقرب عشرة.



رسم مثلث قائم الزاوية  $ABC$ . يبلغ إيجاد طول كل سلك أو طول  $BC$ . وهذا هو وتر المثلث قائم الزاوية. لذا يمكنك استخدام نظرية فيثاغورس.

**نظرية فيثاغورس**

$$7^2 + 12^2 = BC^2$$

$$49 + 144 = BC^2$$

$$193 = BC^2$$

$$\pm\sqrt{193} = BC$$

$$\pm 13.9 \approx BC$$

موض عن  $AB$  بـ  $7$  وعن  $AC$  بـ  $12$ .

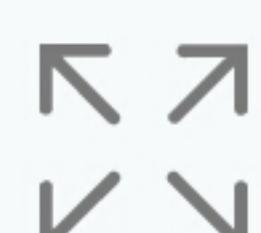
أوجد قيمة  $7^2 + 12^2$

بسط

تعريف الجذر التربيعي.

استخدم آلة حاسبة.

نظرياً لأن الطول لا يمكن أن يكون عدداً سالباً. فإن طول السلك يساوي  $13.9$  متراً تقريرياً.



## Reader مشاركة



**تَأْكِيدُ مِنْ فَهْيَكِ!** أوجد حلًا للمسألة التالية لتأكد من أنك فهمت.

b. يأخذ الجزء العلوي من خبيبة السيرك شكل المخروط. يبلغ نصف قطر الدائرة 16 متر، والمسافة من قمة الخبيبة إلى الطرفتساوي 20 متر. ما طول الجزء العلوي من الخبيبة؟ قرب إلى أقرب عدد كلي.

**السؤال المركّم**

اكتب معادلة يمكن استخدامها في الإجابة عن السؤال، ثم حلها وقرب إلى أقرب عشرة إذا لزم الأمر. (المثالان 1 و 2)

1. ما ارتفاع الخبيبة؟

$$3^2 + h^2 = 5^2; \quad 4 \text{ m}$$

2. ما ارتفاع منحدر الكراسي المتحركة؟

$$h^2 + 36.1^2 = 36.1^2; \quad 2.7 \text{ m}$$

3. صنعت نسرين نموذجاً للهرم الذي رأته في حصة التاريخ. ما ارتفاع هذا النموذج؟

الاستناد من السؤال الأساسي كيّف تحل المثلث قائم الزاوية؟

الإجابة النموذجية: يبنّي تحديد قياسات الأضلاع والوتر واستخدام نظرية فيثاغورس بالشكل المناسب.

نعم! أنت مستعد للمضي قدما!

لا تزال لدى أسلحة عن كيّفية تطبيق نظرية فيثاغورس.

أفهم كيّفية تطبيق نظرية فيثاغورس.

المطويات

حان وقت تحدي مطويتك!

**تَسْرِينٌ مُوجَّهٌ**  
التقويم التكويني يستخدم هذه التمارين لتقويم استيعاب الطالب للمفاهيم الواردة في هذا الدرس.

إذا كان بعض طلابك غير مستعددين للواجبات، فاستخدم الأنشطة المتمايزة الواردة أدناه.

**LA AL** **الرؤوس المركّمة تعلم معاً** وزّع الطلاب على فرق تعلم مكونة من 3 أو 4 طلاب. يختص لكل طالب رقم من 1 إلى 4. يحل كل فريق التمارين من 1 إلى 4 مع التأكد من فهم كل عضو في الفريق. استعد رقمًا معيّناً من فريق واحد لعرض حل فريقه على الصفي. واطرح على كل طالب سؤالًا توضيحيًا للتحقق من استيعابه. **م** 1, 2, 4, 5, 6

اطرح الأسئلة التالية:

• **كيف عرفت كيف تشكّل المعادلة؟**

راجع عمل الطالب.

• **ما الخطوات التي اتخذتها لحل المعادلة؟**

راجع عمل الطالب.

• **كيف تحدّد إن كانت الإجابة معقولة؟**

راجع عمل الطالب.

**LA BL** **نزهة المعرض** اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية لطرح مسألة من الحياة اليومية، حيث يجب استخدام نظرية فيثاغورس لحل تلك المسألة. وفي المسألة، يجب على كل طالبين إنشاء رسم. ثم اطلب منهم إلصاق المسائل في كافة أنحاء غرفة الصف. وينبغي أن يتجول الطلاب مثنائي في الغرفة ويختار كل اثنين مسألة غير مسائلهما. ومن ثم على كل طالبين أن يعودا إلى معدديهما لحلها. وبعد أن يكون كل طالبين قد حلّا مسائلهما، اطلب من المجموعات الثنائية من الطلاب إعادة لصق حلولها في أرجاء غرفة الصف. يعين كل طالبين أصليين مسائلهما ويحددان إن كان حلها صحيحاً. **م** 1, 2, 3, 4, 5, 6

# Reader مشاركة



المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقديم

## ٣ التمارين والتطبيق

### تمارين ذاتية وتمارين إضافية

تم إعداد صفحات التمارين الذاتية بهدف استخدامها كواجب منزلي. يمكن استخدام صفحة التمارين الإضافية للنقوية الإضافية أو كواجب لليوم الثاني.

### مستويات الصعوبة

تقسم مسحوقات التمارين من ١ إلى ٣، حيث يشير المستوى ١ إلى أقل مستوى من الصعوبة.

### التمارين

8-11      5-7, 14-19      1-4, 12-13

### المستوى 3

### المستوى 2

### المستوى 1

### الواجبات المترحة

يمكنك استخدام الجدول أدناه والذي يحتوي على تمارين لكل مستويات الصعوبة لتحديد التمارين الملائمة لاحتياجات طلابك.

### خيارات الواجب المنزلي المتمايزة

1-5, 7-9, 11, 18, 19	قريب من المستوى	<b>AL</b>
6-9, 11, 18, 19	فرد	<b>OL</b>
5-11, 18, 19	أعلى من المستوى	<b>BL</b>

### النتهي

خطاً شائعً قد يعوّض الطلاب أطوال الأضلاع في المثلث بدلاً من متغير اعتماطي ثم يقومون بالحل. فذكّرهم أن المتغيرين  $a$  و  $b$  يجب أن يكونا ساقين للمثلث وأن المتغير  $c$  يجب أن يمثل الوتر.

الدرس 6 استخدام نظرية فيثاغورس

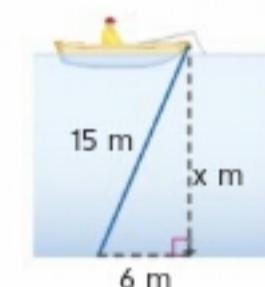
واجباتي المنزلية

الهندسة

### تمارين ذاتية

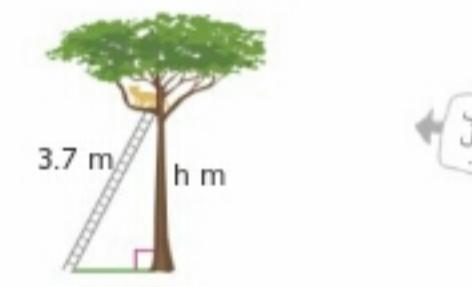
اكتب معادلة يمكن استخدامها في الإجابة عن السؤال، ثم حلها وقرب إلى أقرب عشرة إذا لزم الأمر. (السائلان ١ و ٢)

2. ما عمق المياه؟



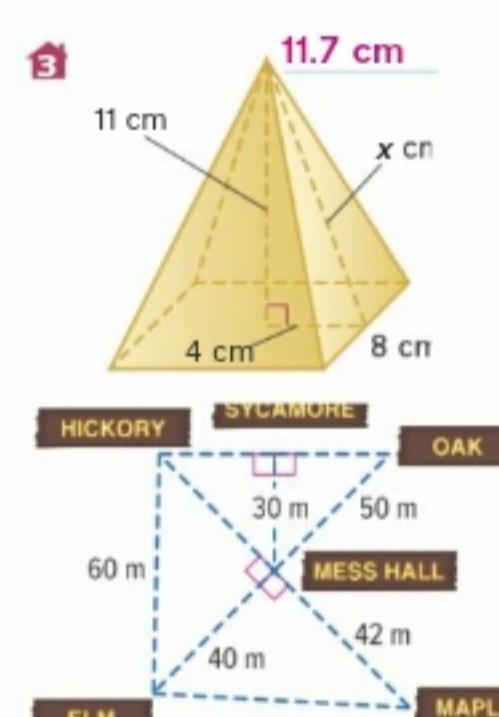
$$6^2 + x^2 = 15^2; 13.7 \text{ m}$$

ما المسافة التي تسلقتها القردة على الشجرة؟



$$1.5^2 + h^2 = 3.7^2; 3.4 \text{ m}$$

أوجد القیاس الناقص في الرسم أدناه. قرب لأقرب عشرة إذا لزم الأمر. (مثال ٣)



HICKORY      SYCAMORE      OAK  
MESS HALL  
ELM      MAPLE



5. راجع خريطة معسكر وودلاند الموجودة بيسار. قرب إلى أقرب عشرة.

a. كم تبعد كابينة سيكامور عن كابينة أوك؟

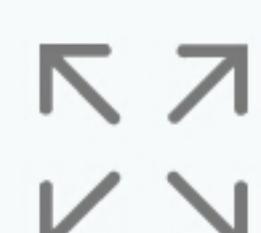
**40 m**

b. يزيد أحد المعسكرين في كابينة هيكوري زيارة صديقه في كابينة إلم. ما المسافة التي سيبعدها إذا سار إلى قاعة ميس هول؟

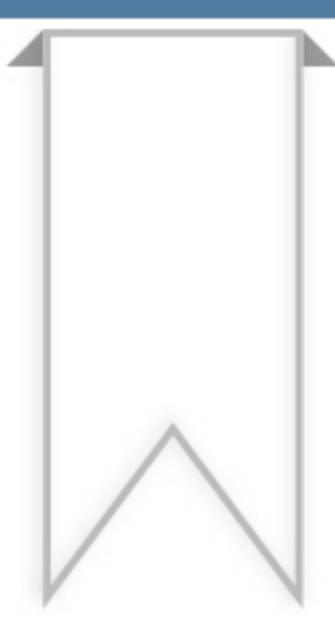
**24.7 m**

6. قبrio الاستنتاجات يشتري إبراهيم لوالده قصبة صيد أسماك طوله 165 سنتيمتراً. ويريد وضعه في صندوق لثلا يمكنه والده من تخمين ماذا في الصندوق. يزيد إبراهيم أن يستخدم صندوقاً طوله 120 سنتيمتراً وعرضه 120 سنتيمتراً. هل ستكون القصبة مناسبة للصندوق؟ يزد استنتاجك.

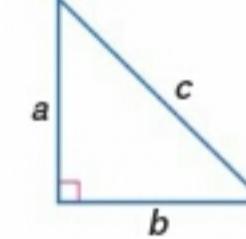
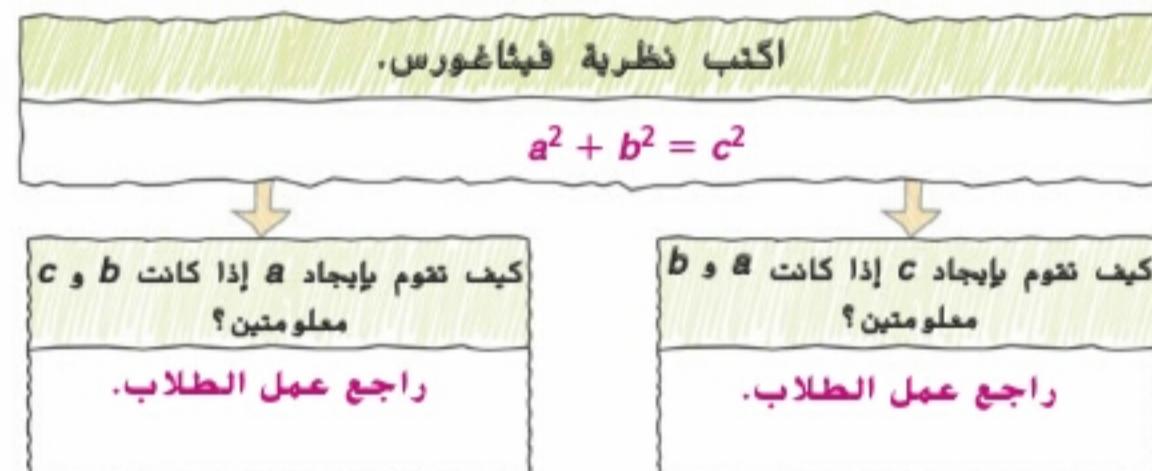
نعم: الإجابة المنشورة: زاوية الصندوق زاوية قائمة. أوجد طول الخط القطري مستخدماً نظرية فيثاغورس .  $170 = \sqrt{28,800} \approx 170$ .  $120^2 + 120^2 = 28,800$  حيث إن طول قصبة صيد الأسماك يساوي 165 سنتيمتراً، فسيكون مناسباً في الصندوق عند وضعه بشكل مائل.



## Reader مشاركة



## ٧. تحديد البنية كيف تستخدم نظرية فيثاغورس؟



راجع عمل الطالب.

## مسائل مهارات التفكير العليا مهارات التفكير العليا

٨. استخدام نماذج الرياضيات أكتب سؤالاً من الحياة اليومية يمكن حلها باستخدام نظرية فيثاغورس، ثم فسر طريقة حل المسألة.

**الإجابة النموذجية:** يقدر سامي منزله ويسير مسافة 2 كيلومتر شمالاً، ثم يستدير ويسير مسافة 3 كيلومتر غرباً. كم المسافة بين سامي ومنزله؟ باستخدام نظرية فيثاغورس،

أوجد قيمة  $c$ . يبعد سامي مسافة 3.6 كيلومتر عن منزله.

٩. أي مما يلي لا ينتمي للمجموعة؟ أي منمجموعات الأعداد تمثل قياسات ضلع المثلث. حدد المجموعة التي لا ينتمي للثلاثة الأخرى. فسر استنتاجك.

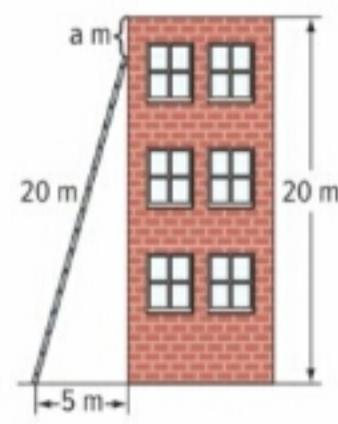
3-4-5

12-35-37

3-5-7

6-8-10

$$3-5-7; 3^2 + 5^2 \neq 7^2$$



١٠. المثابرة في حل المسائل لفترض أن طول السلم 20 متراً وهو متقابل لحائط عمودي ارتفاعه 20 متراً. كم ستنخفض قيمة السلم عند سحب الجزء السفلي من السلم بمقدار 5 أمتار؟ فسر استنتاجك.

تقريباً  $0.6\text{ m}$ : بإيجاد حل  $20^2 = x^2 + 5^2$ . ستجد أن السلم يرتفع

بمسافة 19.4 متراً تقريباً على الحائط. وبهذا فإن قيمة السلم ستتحرك

لأسفل مسافة  $20\text{ m} - 19.4\text{ m} = 0.6\text{ m}$  أو  $20\text{ m} - 19.4\text{ m} = 0.6\text{ m}$ . عند سحب الجزء السفلي

من السلم مسافة 5 أمتار.

١١. استخدام نماذج الرياضيات أكتب سؤالاً من الحياة اليومية وحلها بحيث تنطوي على استخدام نظرية فيثاغورس أو عكسها.

راجع عمل الطالب.

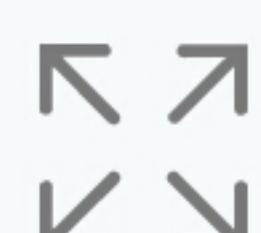
## التقويم التكويني

استخدم هذا النشاط كتقويم تكويني نهائي قبل انصراف الطالب من صفك الدراسي.

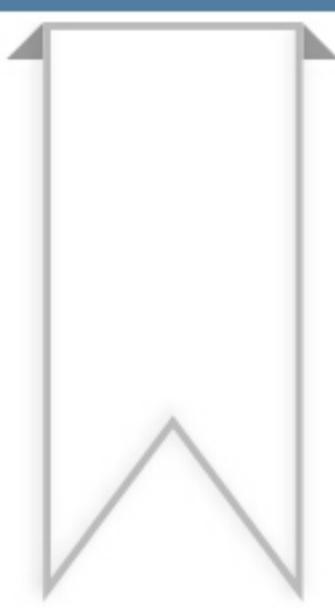
## بطاقة الحقائق من استيعاب الطالب

أسأل الطلاب أن يكتبوا كيف يعتقدون أن استخدام نظرية فيثاغورس ينصل بالدرس القائم عن إيجاد المسافة بين نقطتين على المستوى الإحداثي. واستخدم قالب الجملة المبين أدناه. **راجع عمل الطالب.**

- سوف تساعدني نظرية فيثاغورس في إيجاد المسافة بين نقطتين على المستوى الإحداثي لأن ...



## Reader مشاركة



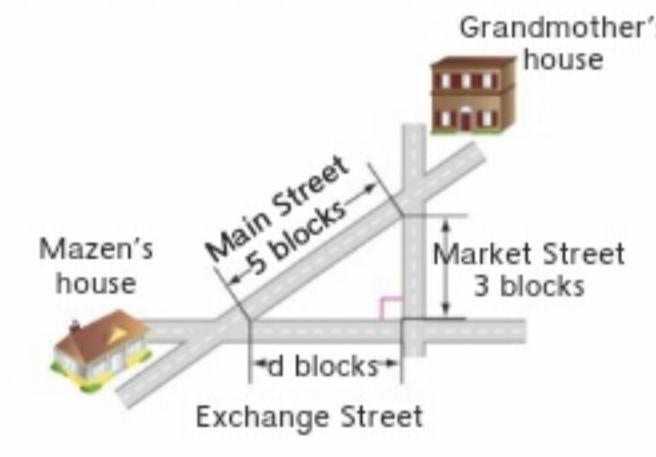
الهندسة

## تمرين إضافي

الاسم \_\_\_\_\_ واجباتي المنزلية \_\_\_\_\_

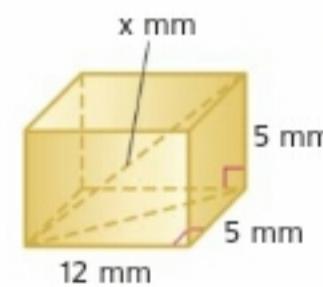
12. اكتب معادلة لإيجاد المسافة بين الطاير والولد، ثم حل المعادلة وقرب إلى أقرب عشرة.

$$\begin{aligned} 70^2 + 20^2 &= x^2; 72.8 \text{ m} \\ a = 70, b = 20, \text{ and } c = x \\ 70^2 + 20^2 &= x^2 \\ 4,900 + 400 &= x^2 \\ 5,300 &= x^2 \\ \sqrt{5,300} &= x \\ 72.8 &\approx x \end{aligned}$$

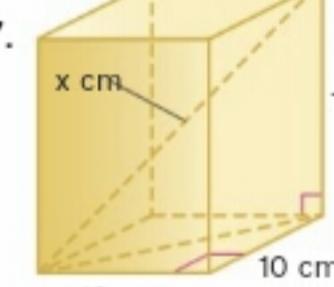
مساعد الواجب  
المنزلي13. تأخذ قبعة شكل مخروط أبعاده موضحة. أوجد ارتفاع القبعة وقرب إلى أقرب عشرة. **22.5 سنتيمترًا**15. لفترض أن ثلاث مدن شكل مثلث قائم الزاوية. ما المسافة التي سيوفرها إذا سار في الشارع الرئيسي بدلاً من شارع السوق؟ **حوالي 105 mi**14. يريد مازن الذهب من منزله إلى منزل جده. ما المسافة التي سيوفرها إذا سار في الشارع الرئيسي بدلاً من شارع السوق؟ **بنياتن**

١٦. المثبتة في حل المسائل أوجدقياس الناقص في كل رسم موضح أدناه، وقرب إلى أقرب عشرة إذا لزم الأمر.

16.



17.





## انطلق! تمرن على الاختبار

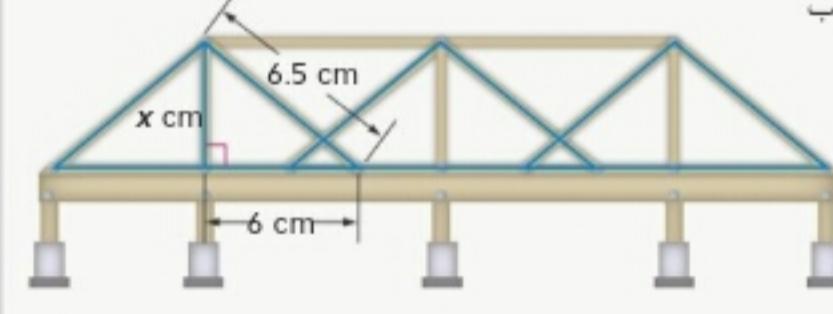
42 cm	12 cm
45 cm	31 cm
60 cm	36 cm
39 cm	

18. صممت سهيلة نافذة زجاجية مزخرفة على شكل طائرة ورقية. حدد الفياسات الصحيحة لتسمية أبعاد النافذة.



ما محبيط النافذة؟

168 cm



19. يبني أيوب شوذجاً للجسر الموضح. ما طول قطعة الخشب التي يجب أن يقطعها لتكون أحد الدعامات العمودية للمثلث بالرمز؟

2.5 cm

### مراجعة شاملة

20. حدد هل المثلث الذي أبعاد أضلاعه هي 20 سنتيمتراً و 48 سنتيمتراً و 52 سنتيمتراً مثلث قائم الزاوية أم لا. بره إجابتك.

$$\text{نعم: } 20^2 + 48^2 = 52^2$$

قدر أي مما يلي لا يقرب عدد كلي. بره استنتاجك.

21.  $\sqrt{39} \approx 6$   
حيث  $.49 = 7^2$  و  $6^2 = 36$   
إن 39 أقرب إلى 36 من  $\sqrt{39} \approx 6.49$

22.  $-\sqrt{146} \approx -12$   
حيث  $-(13^2) = -169$  و  $-(12^2) = -144$   
من  $-\sqrt{146} \approx -12, -169$

23.  $\sqrt[3]{30} \approx 3$   
حيث  $.4^3 = 64$  و  $3^3 = 27$   
 $-\sqrt[3]{30} \approx 3, 64$

## انطلق! تمرن على الاختبار

يُعد التسرينان 18 و 19 الطلاب لتفكر أكثر دقة يحتاجونه عند التقويم.

18. تتطلب فقرة الاختبار الحالي من الطلاب شرح المفاهيم الرياضية وتطبيقها وحل المسائل بدقة، مع الاستفادة من البنية.

عمق المعرفة 2	عمق المعرفة 1	معايير رصد الدرجات
ممارسات في الرياضيات	م.ر. 7	نقطتان نقطة واحدة

نقطتان	نقطة واحدة
يرسم الطالب الرسم التخطيطي ويجدون المحيط بصورة صحيحة.	يرسم الطالب الرسم التخطيطي أو يجدون المحيط بصورة صحيحة.

19. تتطلب فقرة الاختبار الحالي من الطلاب شرح المفاهيم الرياضية وتطبيقها وحل المسائل بدقة، مع الاستفادة من البنية.

عمق المعرفة 1	عمق المعرفة 1	معايير رصد الدرجات
ممارسات في الرياضيات	م. ر. 1	نقطة واحدة

يجيب الطالب عن السؤال إجابة صحيحة.

